

# 「力学計算塾」 弾性座屈荷重攻略 (全2回)

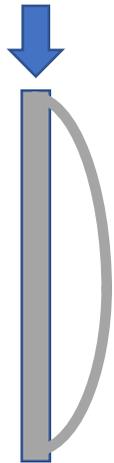
1. 弾性座屈荷重、座屈長さの解説、(過去問3問)
2. 高難度な問題等(過去問3問)

# 弾性座屈荷重

細長い部材に圧縮力が作用すると、荷重と直行方向に曲がる。  
これを座屈と呼ぶ。

座屈する荷重を弾性座屈荷重といい、この荷重まで部材は耐える事ができるということになる。

荷重Pk



曲がる (座屈する)

弾性座屈荷重

$$P_k = \frac{\pi^2 EI}{\ell_k^2}$$

$E$ : ヤング係数

$I$ : 断面二次モーメント(弱軸まわり)

$\ell_k$ : 座屈長さ

特徴

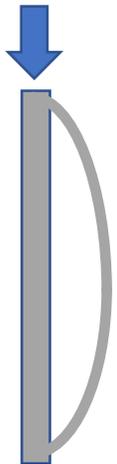
- ① ヤング係数、断面二次モーメントに比例する
- ② 座屈長さの2乗に反比例する

弾性座屈荷重の大小関係は座屈長さの大小関係の逆の関係となる

# 座屈長さ

座屈する部分の長さ（弓形の長さ）を座屈長さといい、材長に座屈長さ係数を乗じて求める。

荷重Pk



座屈する部分の長さ = 座屈長さ

座屈長さ係数

		水平移動：拘束			水平移動：自由	
		移動に対する条件	回転に対する条件		回転に対する条件	
		両端ピン	両端固定	1端ピン 他端固定	両端固定	1端ピン 他端固定
	座屈の形					
$l_k$	理論値	$l$	$0.5l$	$0.7l$	$l$	$2l$

## 特徴

- ①水平移動拘束の場合の座屈長さの最大は材長となる
- ②水平移動自由の場合の座屈長さの最小は材長となる

## 柱の弾性座屈荷重 $P_e$ に関して不適当な選択肢を選ぶ問題（R03-No6）

〔No. 6〕 中心圧縮力を受ける正方形断面の長柱の弾性座屈荷重 $P_e$ に関する次の記述のうち、最も不適当なものはどれか。ただし、柱は全長にわたって等質等断面とする。

1.  $P_e$ は、正方形断面を保ちながら柱断面積が2倍になると4倍になる。
2.  $P_e$ は、柱材のヤング係数が2倍になると2倍になる。
3.  $P_e$ は、柱の材端条件が「両端ピンの場合」に比べて「一端自由他端固定の場合」のほうが大きくなる。
4.  $P_e$ は、柱の材端条件が「一端ピン他端固定の場合」に比べて「両端ピンの場合」のほうが小さくなる。

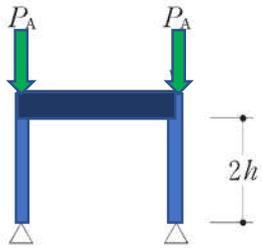
構造物A,B,Cの柱の弾性座屈荷重 $P_A, P_B, P_C$ の大小関係を求める。ただし全ての柱は等質等断面で梁は剛体 (H29-No6)

1.  $P_A > P_C > P_B$

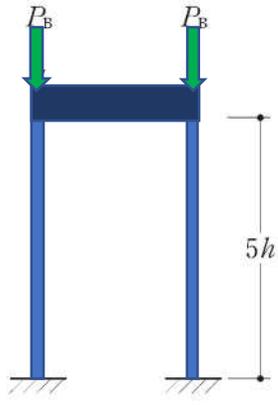
2.  $P_B > P_A > P_C$

3.  $P_C > P_A > P_B$

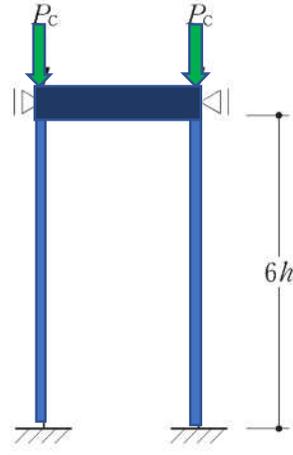
4.  $P_C > P_B > P_A$



A



B



C

# 宿題

## 柱の弾性座屈荷重 $P_e$ に関して不適当な選択肢を選ぶ問題（H28-No8）

中心圧縮力を受ける正方形断面の長柱の弾性座屈荷重 $P_e$ に関する次の記述のうち、最も不適当なものはどれか。ただし、柱は全長にわたって等質等断面とする。

1.  $P_e$ は、柱の材端条件が「両端ピン」の場合に比べて、「両端固定」の場合のほうが大きい。
2.  $P_e$ は、柱頭の水平移動を自由とした場合に比べて、水平移動を拘束した場合のほうが大きい。
3.  $P_e$ は、柱材のヤング係数に比例する。
4.  $P_e$ は、柱材の断面積に比例する。